

gefolgert werden kann. Wir wollen hier nur ein derartiges Kriterium aufstellen, nämlich den

SATZ 4. Wenn die Zahlen  $a_{i,k}^{(\nu)}$  und  $x_{i,\nu}$  sämtlich positiv sind, so folgt aus dem Bestehen der Gleichungen (28.) notwendig die Beziehung (29.), sofern das Matrixprodukt überhaupt konvergiert.

Aus (28.) erhält man nämlich, wie bereits in § 1 bemerkt,

$$x_{i,0} = \sum_{k=1}^n p_{i,k}^{(\nu)} x_{k,\nu+1} \quad (i = 1, 2, \dots, n).$$

Setzt man also

$$\frac{p_{n,k}^{(\nu)} x_{k,\nu+1}}{x_{n,0}} = \vartheta_{k,\nu},$$

so ist  $\vartheta_{k,\nu}$  positiv, und außerdem



Diese streifen  
alle ein u  
kann. Sc

oder and

li

v

$n - 1$ ).

giert, für  $\lim \nu = \infty$

also nur  $\frac{x_{i,0}}{x_{n,0}}$  sein

$n - 1$ ),  
 $n$

$x_{2,0} : \dots : x_{n,0}$

1.