

12 (A. 11)

PAUL STÄCKEL:

$$(17) \quad \sum_{\varrho=1}^{3n} \frac{1}{\sqrt{m_{\varrho}}} F_{\mu_{\varrho}} v_{\varrho} = 0$$

genügen; diese aber verwandeln sich, wenn

$$(18) \quad v_{\varrho} = \sqrt{m_{\varrho}} \cdot u_{\varrho}$$

gesetzt wird, in die Gleichungen (11). Die Forderung (7) des D'ALEMBERTSchen Prinzips ist demnach identisch mit der Orthogonalitätsbedingung

$$(19) \quad \sum_{\varrho=1}^{3n} \eta_{\varrho} v_{\varrho} = 0;$$

in der Tat steht der kürzeste Abstand  $OF$  des Punktes  $O$  vom Raume  $R_{3n-m}$  auf allen diesem Raume angehörenden Richtungen des  $R_{3n}$  senkrecht. Daß die beiden Prinzipien im regulären Falle gleichwertig sind, wird hierdurch augenfällig.

## ZWEITER TEIL

### Mechanische Systeme mit Ungleichheitsbedingungen<sup>5</sup>

#### § 5

#### Allgemeines über Punktsysteme mit holonomen und nichtholonomen Bedingungsungleichheiten

Den holonomen und nichtholonomen Bedingungsgleichungen sollen  $k'$  Ungleichheiten

$$(20) \quad g_{\nu'}(x_{\varrho}; t) \geq 0 \quad (\nu' = 1, 2, \dots, k')$$

<sup>5</sup> Für Geschichte und Literatur vgl. die Artikel in der Encyclopädie der mathematischen Wissenschaften Bd. IV 1 von A. Voss, *Die Prinzipien der rationalen Mechanik*, besonders S. 73 und 85, und von P. STÄCKEL, *Elementare Dynamik der Punktsysteme und starren Körper*, besonders S. 460. Die dort gemachten Angaben werden hier nach verschiedenen Richtungen ergänzt.